

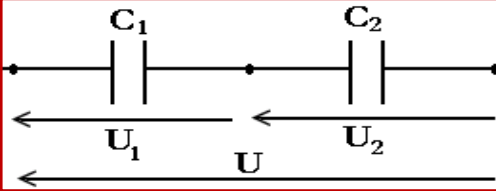
## ثنائي القطب RC

### Le dipôle RC

## سلسلة التمارين

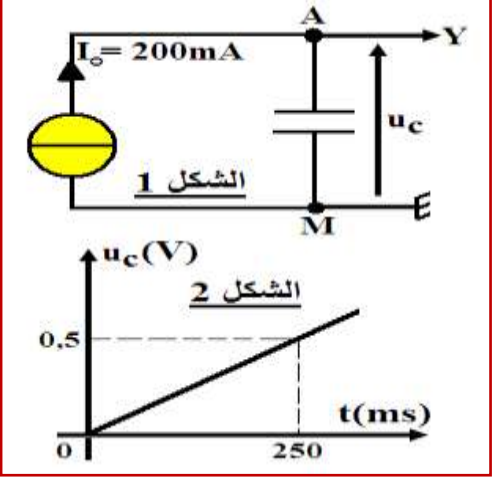
### التمرين 1:

نطبق توترا  $U=300V$  بين مرتبتي مكثفين مركبين على التوالي، سعة كل منهما  $C_1=1\mu F$  و  $C_2=2\mu F$ .



- 1) أحسب سعة المكثف المكافئ لهما. ثم ما الغاية من هذا التركيب؟
- 2) أستنتج شحنة كل مكثف.
- 3) أحسب توترين  $U_1$  و  $U_2$  بين مرتبتي كل من المكثفين.
- 4) أحسب الطاقة الكهربائية المخزنة في كل مكثف.

### التمرين 2:



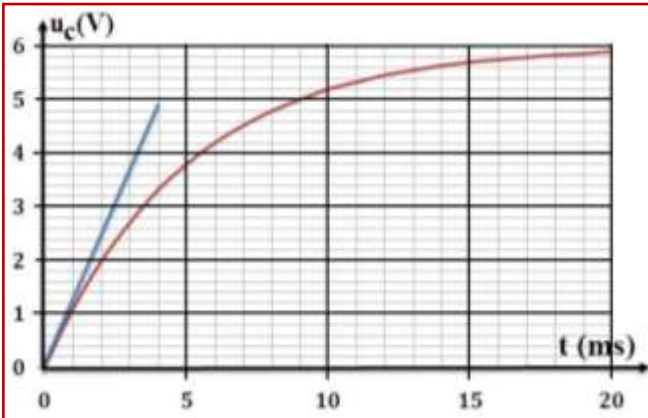
لتحديد السعة  $C$  للمكثف، ننجز التركيب التجريبي الممثل في الشكل (1) والذي يتكون من مولد مؤتمل للتيار يغذي الدارة بتيار شدته ثابتة  $I_0=200mA$  ومكثف سعته  $C$ . بواسطة وسيط معلوماتي نحصل على تغيرات التوتر  $u_C$  بدلالة الزمن  $t$ . الشكل (2).

- 1) ماهي العلاقة بين شدة التيار  $I_0$  والشحنة الكهربائية  $q$  للمكثف والمدة الزمنية  $t$  لشحن المكثف؟ علل جوابك.
- 2) أوجد المعادلة الزمنية للتوتر  $u_C(t)$ .
- 3) أعط قانون أوم بين مرتبتي المكثف.
- 4) أستنتج سعة المكثف  $C$ .
- 5) أحسب الطاقة الكهربائية المخزنة في المكثف عند اللحظة  $t=250ms$ .

### التمرين 3:

نعتبر التركيب التجريبي المكون من  $G$ : مولد كهربائي قوته الكهرومحرركة ثابتة  $E=6V$  و  $R$ : موصل أومي مقاومته  $R=1k\Omega$  و  $C$ : مكثف سعته  $C=5\mu F$ . عند اللحظة  $t=0$ ، نضع قاطع التيار في الموضع (1) ويكون المكثف غير مشحون.

- 1) أرسم التركيب التجريبي المستعمل ممثلا منحى التوترات و التيار و كيفية ربط راسم التذبذب لمعاينة التوتر  $u_C$ .
- 2) أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_C$  وذلك باعتمادك الاصطلاح مستقبل.
- 3) بين أن  $u_C(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$  حل هذه المعادلة التفاضلية.
- 4) يمثل المنحنى جانبه تغيرات التوتر  $u_C$  بدلالة الزمن.

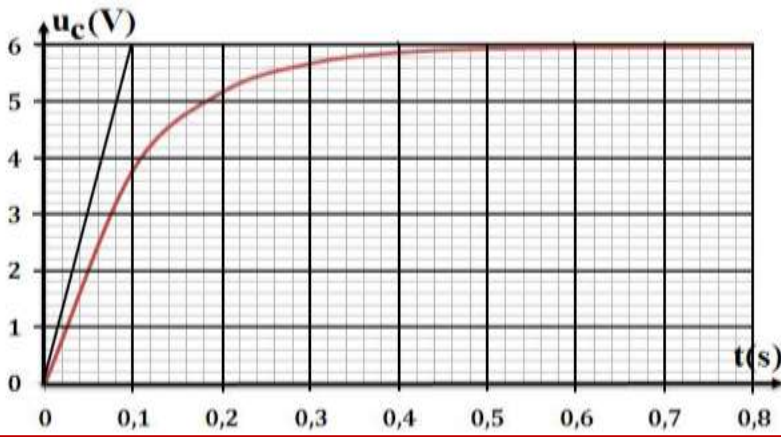


- أ. عرف ثابتة الزمن  $\tau$  ثم أوجد تعبيرها بدلالة  $C$  و  $R$  وأحسب قيمتها العددية.
- ب. أوجد قيمة ثابتة الزمن من جديد وذلك باستعمال المنحنى وبطريقتين مختلفتين.
- ج. كم هي المدة الزمنية التي يستغرقها النظام الانتقالي؟
- 5) نؤرجح قاطع التيار من الموضع (1) إلى الموضع (2) عند لحظة نعتبرها أصلا للتواريخ.
  - أ. أرسم التركيب التجريبي المستعمل ممثلا منحى التوترات و التيار و كيفية ربط راسم التذبذب لمعاينة التوتر  $u_C$ .
  - ب. أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_C$  وذلك باستعمال الاصطلاح مستقبل.
  - ج. بين أن  $u_C(t) = Ee^{-t/\tau}$  حل هذه المعادلة التفاضلية.
  - د. مثل كيفيا كل من المنحنى الذي يمثل تغيرات التوتر  $u_C$  والشدة  $i(t)$  للتيار المار بالدائرة. بين على المبيان ثابتة الزمن.

## التمرين 4:

لشحن مكثف نركب على التوالي مكثف سعته  $C$  ، و موصل أومي مقاومته  $R=500\Omega$  ومولد مؤمّل قوته الكهرومحرّكة  $E$ . عند اللحظة  $t=0$  المكثف غير مشحون نغلق قاطع التيار  $K$ . يمثّل الشكل جانبه منحنى تغيرات التوتر بين مربطي المكثف خلال شحنه.

- مثل تبيانة التركيب التجريبي ، وبين عليها كيفية ربط راسم التذبذب لمعاينة التوتر  $u_C(t)$ .
- أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر بين مربطي المكثف .

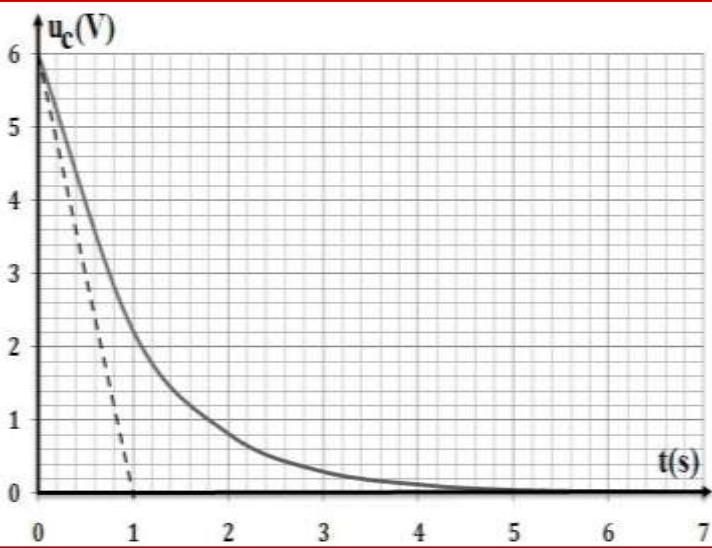


- يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل التالي:  $u_C(t) = A(1 - e^{-t/\tau})$ . حدد تعبير كل من  $A$  و  $\tau$ .
- عين مبيانيا قيمة  $\tau$  لثنائي القطب  $RC$  ، واستنتج قيمة سعة المكثف.
- ما هي قيمة التوتر  $u_C$  عند اللحظة  $t=0,2s$  ، واستنتج الطاقة الكهربائية المخزنة في المكثف عند هذه اللحظة.
- حدد قيمة التوتر في النظام الدائم ، واستنتج الطاقة الكهربائية المخزنة في المكثف .

## التمرين 5:

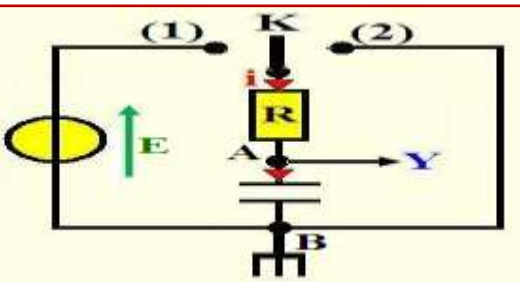
يمثّل الشكل جانبه تغيرات التوتر بين مربطي مكثف سعته  $C=200\mu F$  خلال تفريغه عبر موصل أومي مقاومته  $R=500\Omega$ .

- مثل تبيانة التركيب التجريبي ، وبين عليها كيفية ربط راسم التذبذب لمعاينة التوتر  $u_C(t)$ .
- أحسب قيمة ثابتة الزمن  $\tau$  لثنائي القطب ، وتأكد من قيمتها مبيانيا .
- باستعمال معادلة الأبعاد ، بين أن  $\tau$  بعد الزمن .
- ما هي قيمة التوتر بين مربطي المكثف عند اللحظة  $t=0$  ، واستنتج الطاقة الكهربائية المخزنة عند هذه اللحظة .
- الدراسة النظرية لتفريغ المكثف .



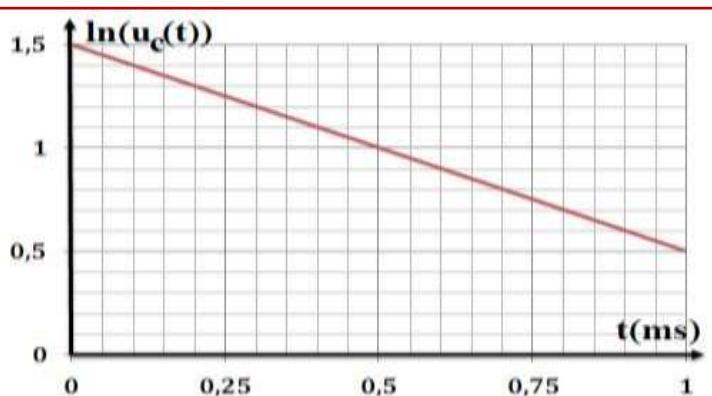
- أ. أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_C(t)$ .
- ب. يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل  $u_C(t) = Ae^{-t/\tau}$ . حدد تعبير كل من  $A$  و  $\tau$ .
- ج. استنتج تعبير التوتر  $u_R(t)$  ، مثله مبيانيا .

انتباه  
الوحدات



يمثّل الشكل جانبه التركيب التجريبي الذي يمكن من دراسة تغيرات التوتر  $u_C$  بين مربطي المكثف بدلالة الزمن .

- نضع قاطع التيار  $K$  في الموضع (1) ، فيتم شحن المكثف . أ. أوجد المعادلة التفاضلية لشحنة المكثف . ب. أعط تعبير شحنة المكثف عند نهاية الشحن . ج. استنتج شدة التيار الكهربائي بعد شحن المكثف .
- نؤرجح قاطع التيار الكهربائي عند اللحظة  $t=0$  من الموضع (1) إلى الموضع (2) . أ. أثبت المعادلة التفاضلية لتوتر  $u_C(t)$  بين مربطي المكثف . ب. أوجد تعبير التوتر  $u_C(t)$  بدلالة برامترات الدارة . ج. استنتج تعبير توتر  $u_R(t)$  بين مربطي الموصل الأومي . د. نرسم منحنى  $\ln(u_C(t)) = f(t)$  ، فنحصل على المنحنى الشكل 2.



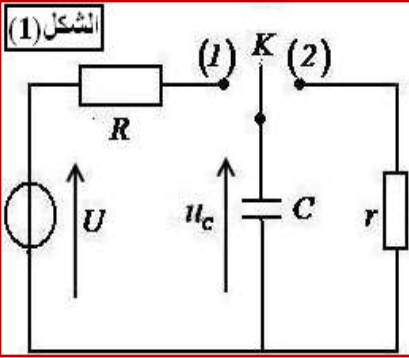
a. حدد ثابتة الزمن . واستنتج سعة المكثف . نعطي مقاومة الموصل الأومي  $R=100\Omega$  .

b. أحسب القوة الكهرومحرركة للمولد  $E$  .

c. حدد اللحظة التي يصبح فيها التوتر  $u_C = \frac{E}{2}$  .

## التمرين 7:

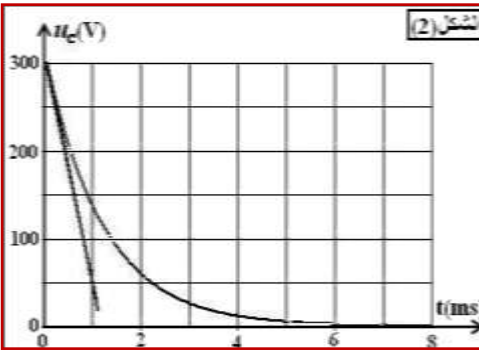
انتباه  
الوحدات



نقرأ على لصيقة آلة تصوير العبارة التالية : < إحدِر - خطر - تفادي تفكيك الآلة > . يرتبط هذا التنبيه بوجود مكثف في علبة آلة التصوير ، الذي يتم شحنه تحت توتر  $U=300V$  عبر موصل أومي مقاومته  $R$  . نحصل على التوتر  $U=300V$  بفضل تركيب إلكتروني مغذى بعمود قوته الكهرومحرركة  $E=1,5V$  وعند أخذ الصور يفرغ المكثف عبر مصباح وامض آلة التصوير خلال جزء من الثانية ، فيمكن الوامض ذو المقاومة  $r$  من إضاءة شديدة في وقت جد قصير . يمثل الشكل (1) التركيب المبسط لدارة تشغيل وامض آلة التصوير : معطيات : سعة المكثف :  $C=120\mu F$  و  $U=300V$  .

I. استجابة ثنائي القطب RC لرتبة توتر صاعدة : نضع عند اللحظة  $t=0$  قاطع التيار  $k$  في الموضع (1) ، فيشحن المكثف عبر الموصل الأومي ذي المقاومة  $R$  تحت التوتر  $U$  .

- (1) أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_C$  . استنتج تعبير ثابتة الزمن  $\tau$  بدلالة بارامترات الدارة .
- (2) تحقق أن حل المعادلة التفاضلية هو :  $u_C(t) = U(1 - e^{-t/\tau})$  .
- (3) حدد قيمة  $u_C$  في النظام الدائم .
- (4) أحسب الطاقة الكهربائية المخزونة في المكثف في النظام الدائم .
- (5) يتطلب الاشتغال العادي للوامض طاقة كهربائية محصورة بين  $5J$  و  $6J$  . هل يمكن شحن المكثف مباشرة بواسطة العمود ذي القوة الكهرومحرركة  $E=1,5V$  ؟



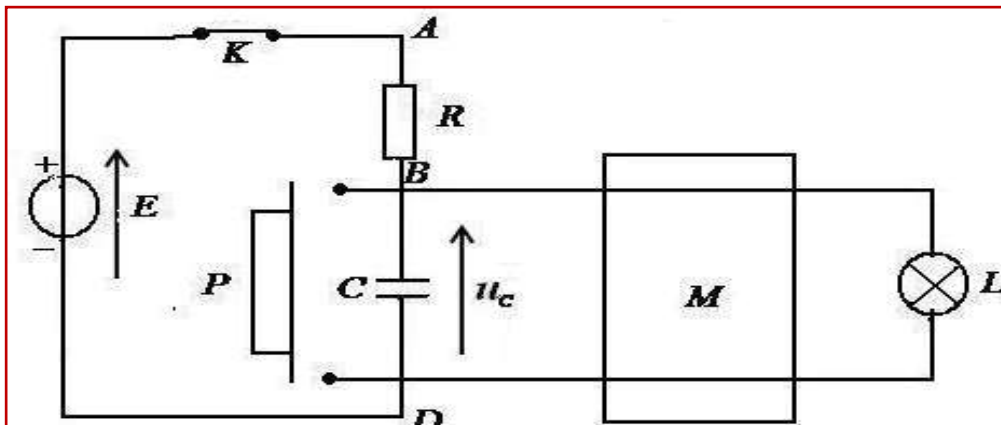
II. استجابة ثنائي القطب RC لرتبة توتر نازلة : نُورجح قاطع التيار  $k$  إلى

الموضع (2) عند اللحظة  $t=0$  ، فيفرغ المكثف عبر الموصل الأومي ذي المقاومة  $r$  . نسجل بواسطة راسم التذبذب ذاكراتي تغيرات التوتر  $u_C$  بين مربطي المكثف بدلالة الزمن ، فنحصل على المنحنى الممثل في الشكل (2) .

- (1) مثل بعناية تبيانة تركيب تفريغ المكثف ، وبين عليها كيفية ربط راسم التذبذب .
- (2) عين مبيانيا قيمة ثابتة الزمن  $\tau$  لدارة التفريغ .
- (3) استنتج قيمة  $r$  .

## التمرين 8:

تمكن المؤقتة من التحكم الأوتوماتيكي في إضاءة مصباح لمدة  $t_0$  قابلة للضبط . يتكون التركيب الكهربائي للمؤقتة من مولد مؤتمل للتوتر قوته الكهرومحرركة  $E=30V$  ، وقاطع للتيار  $k$  ، وموصل أومي مقاومته  $R$  ومكثف سعته  $C$  و زر  $P$  يقوم بدور قاطع التيار لحظة الضغط عليه ، ومركبة إلكترونية  $M$  تسمح لمصباح  $L$  أن يضيء مادام التوتر بين مربطي المكثف لا يتجاوز قيمة حدية  $U_L$  تميز المركبة  $M$  . يمكن نمذجة التركيب الكهربائي للمؤقتة بالدارة الكهربائية المبسطة الممثلة في الشكل أسفله حيث تغذية المركبة  $M$  غير ممثلة في النموذج وهي توفر الطاقة اللازمة لإضاءة المصباح  $L$  . نقبل أن وجود أو عدم وجود المركبة  $M$  لا يؤثر على تصرف ثنائي القطب  $RC$  أي أن التوتر  $u_C$  بين مربطي المكثف لا يتعلق بالمركبة  $M$  . معطيات :  $U_L=20V$  و  $R=100k\Omega$  و  $E=30V$  .



## I. استجابة ثنائي القطب RC لرتبة توتر صاعدة :

عند اللحظة  $t=0$  ، نغلق قاطع التيار  $k$  مع إبقاء الزر  $P$  مفتوحا (أنظر الشكل)، فيشحن المكثف .

- (1) أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر بين مربطي المكثف أثناء عملية الشحن .
- (2) تحقق أن  $u_C(t) = A(1 - e^{-t/\tau})$  حل للمعادلة التفاضلية . استنتج تعبير  $A$  و  $\tau$  .
- (3) سمّ الثابتة  $\tau$  ثم اعتمدا على التحليل البعدي (معادلة الأبعاد) بين أن  $\tau$  لها بعد زمن .

(4) حدد قيمة  $u_C(t)$  في النظام الدائم .

## II. استغلال منحنى الاستجابة $u_C(t)$ .

نعين بواسطة راسم التذبذب ذاكراتي التوتر  $u_C(t)$  بين مربطي المكثف ، فنحصل على الرسم التذبذبي أسفله .

- (1) مثل فقط دائرة الشحن وبين عليها كيفية ربط راسم التذبذب لمعاينة التوتر  $u_C(t)$  .
- (2) عين على منحنى  $u_C(t)$  التوتر  $E$  والثابتة  $\tau$  والنظام الانتقالي والنظام الدائم .
- (3) تحقق أن قيمة سعة المكثف هي  $C=200\mu F$  .

## III. كيفية التحكم في قيمة $t_0$ مدة إضاءة المصباح .

(1) عبر بدلالة  $\tau$  و  $E$  و  $U_L$  عن  $t_0$  مدة إضاءة المصباح التي عندها يؤول التوتر  $u_C$  إلى القيمة الحدية  $U_L$  .

(2) أحسب قيمة  $t_0$  . تأكد من القيمة المحصل عليها باستعمال المنحنى  $u_C$  .

(3) نضبط  $U_L$  على القيمة  $U_L=20V$  للحصول على مدة الإضاءة  $t_0$  قريبة من  $\tau$  . لماذا اختيار قيمة  $t_0$  قريبة من قيمة  $\tau$  يتماشى مع هذا التركيب ؟

(4) نريد الزيادة في مدة إضاءة المصباح دون تغيير المولد . حدد بارمترات الدارة التي يمكن تغييرها ؟

(5) حدد القيمة التي يجب أن تأخذها المقاومة  $R$  للحصول على  $\tau=1\text{min}$  .

(6) نضغط على الزر  $P$  ، ما قيمة التوتر  $u_C$  ؟ قارن هذه القيمة مع قيمة  $U_L$  .

